

# गणित

(www.tiwariacademy.com)

(अध्याय - 13) (पृष्ठीय क्षेत्रफल और आयतन)

(कक्षा - 9)

## प्रश्नावली 13.6

### प्रश्न 1:

एक बेलनाकार बर्टन के आधार की परिधि 132 cm और उसकी ऊँचाई 25 cm है। इस बर्टन में कितने लीटर पानी आ सकता है? ( $1000 \text{ cm}^3 = 1 \text{ लीटर}$ )

#### उत्तर 1:

बेलनाकार बर्टन के आधार की परिधि  $C = 132 \text{ cm}$  और ऊँचाई  $h = 25 \text{ cm}$  है।

माना, बेलनाकार बर्टन के आधार की त्रिज्या  $= r \text{ cm}$

बेलनाकार बर्टन के आधार की परिधि  $= 2\pi r$

$$\Rightarrow 132 = 2\pi r \Rightarrow 132 = 2 \times \frac{22}{7} \times r \Rightarrow r = \frac{132 \times 7}{22 \times 2} \Rightarrow r = 21 \text{ cm}$$

बेलनाकार बर्टन का आयतन  $= \pi r^2 h$

$$= \frac{22}{7} \times 21 \times 21 \times 25$$

$$= 34650 \text{ cm}^3$$

$$= \frac{34650}{1000} = 34.65 \text{ लीटर} \quad [\because 1000 \text{ cm}^3 = 1 \text{ लीटर}]$$

अतः, इस बर्टन में 34.65 लीटर पानी आ सकता है।

### प्रश्न 2:

लकड़ी के एक बेलनाकार पाइप का आंतरिक व्यास 24 cm है और बाहरी व्यास 28 cm है। इस पाइप की लंबाई 35 cm है। इस पाइप का द्रव्यमान ज्ञात कीजिए, यदि  $1 \text{ cm}^3$  लकड़ी का द्रव्यमान 0.6 ग्राम है।

#### उत्तर 2:

पाइप की आंतरिक त्रिज्या  $r = 24/2 = 12 \text{ cm}$ , बाहरी त्रिज्या  $R = 28/2 = 14 \text{ cm}$  और लंबाई  $h = 35 \text{ m}$  है।

पाइप की लकड़ी का आयतन  $= \pi(R^2 - r^2)h$

$$= \frac{22}{7} \times (14^2 - 12^2) \times 35 = 22 \times (196 - 144) \times 5 = 22 \times 52 \times 5 = 5720 \text{ cm}^3$$

इस पाइप का द्रव्यमान  $= 5720 \times 0.6 \text{ g} = 3432 \text{ g} = 3.432 \text{ kg}$  [ $\because 1 \text{ cm}^3$  लकड़ी का द्रव्यमान 0.6 ग्राम है]

अतः, इस बेलनाकार पाइप का द्रव्यमान 3.432 kg है।

### प्रश्न 3:

एक सोफ्ट ड्रिंक (Soft drink) दो प्रकार के पैकों में उपलब्ध है: (i) लंबाई 5 cm और चौड़ाई 4 cm वाले एक आयताकार आधार का टिन का डिब्बा जिसकी ऊँचाई 15 cm है और (ii) व्यास 7 cm वाले वृत्तीय आधार और 10 cm ऊँचाई वाला एक प्लास्टिक का बेलनाकार डिब्बा। किस डिब्बे की धारिता अधिक है और कितनी अधिक है?

#### उत्तर 3:

टिन के डिब्बे की लंबाई  $l = 5 \text{ cm}$ , चौड़ाई  $b = 4 \text{ cm}$  और ऊँचाई  $h = 15 \text{ cm}$  है।

टिन के डिब्बे की धारिता  $= lwh = 5 \times 4 \times 15 = 300 \text{ cm}^3$

प्लास्टिक के डिब्बे की त्रिज्या  $r = 7/2 = 3.5 \text{ cm}$  और ऊँचाई  $H = 10 \text{ cm}$  है।

प्लास्टिक के डिब्बे की धारिता  $= \pi r^2 H$

$$= \frac{22}{7} \times 3.5 \times 3.5 \times 10 = 22 \times 0.5 \times 3.5 \times 10 = 385 \text{ cm}^3$$

दोनों डिब्बों की धारिताओं का अंतर  $= 385 - 300 = 85 \text{ cm}^3$

अतः, प्लास्टिक के बेलनाकार डिब्बे की धारिता, टिन के घनाभाकार डिब्बे से  $85 \text{ cm}^3$  अधिक है।



# गणित

(www.tiwariacademy.com)

(अध्याय - 13) (पृष्ठीय क्षेत्रफल और आयतन)

(कक्षा - 9)

$$\Rightarrow r^2 = \frac{0.0154 \times 7}{22} = 0.0049$$

$$\Rightarrow r = \sqrt{0.0049} = 0.07 \text{ m}$$

बेलनाकार बर्तन का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल =  $2\pi r(r + h)$

$$= 2 \times \frac{22}{7} \times 0.07 \times (0.07 + 1) = 2 \times 22 \times 0.01 \times 1.07 = 0.4708 \text{ m}^2$$

अतः, बेलनाकार बर्तन को बनाने के लिए  $0.4708 \text{ m}^2$  धातु की शीट की आवश्यकता होगी।

## प्रश्न 7:

सीसे की एक पेंसिल (Lead pencil) लकड़ी के एक बेलन के अभ्यंतर में ग्रेफाइट (Graphite) से बने ठोस बेलन को डाल कर बनाई गई है। पेंसिल का व्यास 7 mm है और ग्रेफाइट का व्यास 1 mm है। यदि पेंसिल की लंबाई 14 cm है, तो लकड़ी का आयतन और ग्रेफाइट का आयतन ज्ञात कीजिए।

### उत्तर 7:

पेंसिल में लगी लकड़ी की आंतरिक त्रिज्या  $r = 1/2 = 0.5 \text{ mm} = 0.05 \text{ cm}$ , बाहरी त्रिज्या  $R = 7/2 = 3.5 \text{ mm} = 0.35 \text{ cm}$  और लंबाई  $h = 14 \text{ cm}$  है।

पेंसिल में लगी लकड़ी का आयतन =  $\pi(R^2 - r^2)h$

$$= \frac{22}{7} \times [(0.35)^2 - (0.05)^2] \times 14$$

$$= 22 \times (0.1225 - 0.0025) \times 2$$

$$= 22 \times 0.12 \times 2$$

$$= 5.28 \text{ cm}^3$$

तथा लकड़ी के अभ्यंतर में लगी ग्रेफाइट की त्रिज्या  $r = 1/2 = 0.5 \text{ mm} = 0.05 \text{ cm}$  और लंबाई  $h = 14 \text{ cm}$  है।

ग्रेफाइट का आयतन =  $\pi r^2 h$

$$= \frac{22}{7} \times (0.05)^2 \times 14$$

$$= 22 \times 0.0025 \times 2$$

$$= 0.11 \text{ cm}^3$$

अतः, लकड़ी का आयतन  $5.28 \text{ cm}^3$  और ग्रेफाइट का आयतन  $0.11 \text{ cm}^3$  है।

## प्रश्न 8:

एक अस्पताल (Hospital) के एक रोगी को प्रतिदिन 7 cm व्यास वाले एक बेलनाकार कटोरे में सूप (Soup) दिया जाता है। यदि यह कटोरा सूप से 4 cm ऊँचाई तक भरा जाता है, तो इस अस्पताल में 250 रोगियों के लिए प्रतिदिन कितना सूप तैयार किया जाता है?

### उत्तर 8:

बेलनाकार कटोरे की त्रिज्या  $r = 7/2 = 3.5$  और कटोरे में भरे गए सूप की ऊँचाई  $h = 4 \text{ cm}$  है।

बेलनाकार कटोरे का आयतन =  $\pi r^2 h$

$$= \frac{22}{7} \times (3.5)^2 \times 4$$

$$= \frac{22}{7} \times 3.5 \times 3.5 \times 4$$

$$= 22 \times 0.5 \times 3.5 \times 4$$

$$= 154 \text{ cm}^3$$

इसलिए, 250 रोगियों के लिए प्रतिदिन सूप का आयतन =  $250 \times 154 = 38500 \text{ cm}^3$

अतः, इस अस्पताल में 250 रोगियों के लिए प्रतिदिन  $38500 \text{ cm}^3$  सूप तैयार किया जाता है।