

गणित

(www.tiwariacademy.com)

(अध्याय - 9) (बीजीय व्यंजक एवं सर्वसमिकाएँ)

(कक्षा - 8)

प्रश्नावली 9.1

प्रश्न 1:

निम्नलिखित व्यंजकों में से प्रत्येक के पदों एवं गुणांकों को पहचानिएः

(i) $5xyz^2 - 3zy$

(ii) $1 + x + x^2$

(iii) $4x^2y^2 - 4x^2y^2z^2 + z^2$

(iv) $3 - pq + qr - rp$

(v) $\frac{x}{2} + \frac{y}{2} - xy$

(vi) $0.3a - 0.6ab + 0.5b$

उत्तर 1:

(i) पद: $5xyz^2$ और $-3zy$

$5xyz^2$ का गुणांक 5 है और $-3zy$ का गुणांक - 3 है।

(ii) पद: $1, x$ और x^2 .

x और x^2 का गुणांक 1 है।

(iii) पद: $4x^2y^2, -4x^2y^2z^2$ और z^2 .

$4x^2y^2$ का गुणांक 4 है, $-4x^2y^2z^2$ का गुणांक -4 है और z^2 का गुणांक 1 है।

(iv) पद: $3, -pq, qr$ और $-rp$

$-pq$ का गुणांक -1 है, qr का गुणांक 1 है और $-rp$ का गुणांक -1 है।

(v) पद: $\frac{x}{2}, \frac{y}{2}$ और $-xy$

$\frac{x}{2}$ का गुणांक $\frac{1}{2}$, $\frac{y}{2}$ का गुणांक $\frac{1}{2}$ और $-xy$ का गुणांक -1 है।

(vi) पद: $0.3a, -0.6ab$ और $0.5b$

$0.3a$ का गुणांक 0.3, $-0.6ab$ का गुणांक -0.6 और $0.5b$ का गुणांक 0.5 है।

प्रश्न 2:

निम्नलिखित बहुपदों को एकपदी, द्विपद एवं त्रिपद के रूप में वर्गीकृत कीजिए। कौन-सा बहुपद इन तीन श्रेणियों में से किसी में भी नहीं है?

$x + y, 1000, x + x^2 + x^3 + x^4, 7 + y + 5x, 2y - 3y^2, 2y - 3y^2 + 4y^3, 5x - 4y + 3xy,$
 $4z - 15z^2, ab + bc + cd + da, pqr, p^2q + pq^2, 2p + 2q$

उत्तर 2:

(i) क्योंकि $x + y$ में 2 पद हैं इसलिए यह एक द्विपद है।

(ii) क्योंकि 1000 में 1 पद है इसलिए यह एकपदी है।

(iii) क्योंकि $x + x^2 + x^3 + x^4$ में 4 पद हैं इसलिए यह बहुपद इन तीन श्रेणियों में से किसी में भी नहीं है।

(iv) क्योंकि $7 + y + 5x$ में 3 पद हैं इसलिए यह एक त्रिपद है।

(v) क्योंकि $2y - 3y^2$ में 2 पद हैं इसलिए यह एक द्विपद है।

(vi) क्योंकि $2y - 3y^2 + 4y^3$ में 3 पद हैं इसलिए यह एक त्रिपद है।

(vii) क्योंकि $5x - 4y + 3xy$ में 3 पद हैं इसलिए यह एक त्रिपद है।

(viii) क्योंकि $4x - 15z^2$ में 2 पद हैं इसलिए यह एक द्विपद है।

(ix) क्योंकि $ab + bc + cd + da$ में 4 पद हैं इसलिए बहुपद इन तीन श्रेणियों में से किसी में भी नहीं है।

गणित

(www.tiwariacademy.com)

(अध्याय - 9) (बीजीय व्यंजक एवं सर्वसमिकाएँ)

(कक्षा - 8)

- (x) क्योंकि pqr में 1 पद है इसलिए यह एकपदी है।
- (xi) क्योंकि $p^2q + pq^2$ में 2 पद हैं इसलिए यह एक द्विपद है।
- (xii) क्योंकि $2p + 2q$ में 2 पद हैं इसलिए यह एक द्विपद है।

प्रश्न 3:

निम्नलिखित का योग ज्ञात कीजिए:

- (i) $ab - bc, bc - ca, ca - ab$
- (ii) $a - b + ab, b - c + bc, c - a + ac$
- (iii) $2p^2q^2 - 3pq + 4, 5 + 7pq - 3p^2q^2$
- (iv) $l^2 + m^2, m^2 + n^2, n^2 + l^2 + 2lm + 2mn + 2nl$

उत्तर 3:

<p>(i) $ab - bc, bc - ca, ca - ab$</p> $\begin{array}{r} ab - bc \\ + bc - ca \\ \hline -ab + ca \\ \hline 0 + 0 + 0 \end{array}$ <p>अतः, योग $ab + bc + ca$ है।</p>	<p>(ii) $a - b + ab, b - c + bc, c - a + ac$</p> $\begin{array}{r} a - b - ab \\ + b - c + bc \\ \hline -a + c + ac \\ \hline 0 + 0 + ab + 0 + bc + ac \end{array}$ <p>अतः, योग $ab + bc + ac$ है।</p>
<p>(iii) $2p^2q^2 - 3pq + 4, 5 + 7pq - 3p^2q^2$ (iv) $l^2 + m^2, m^2 + n^2, n^2 + l^2, 2lm + 2mn + 2nl$</p> $\begin{array}{r} 2p^2q^2 - 3pq + 4 \\ -3p^2q^2 + 7pq + 5 \\ \hline -p^2q^2 + 4pq + 9 \end{array}$ $\begin{array}{r} l^2 + m^2 \\ + m^2 + n^2 \\ + l^2 + n^2 \\ \hline 2l^2 + 2m^2 + 2n^2 + 2lm + 2mn + 2nl \end{array}$ <p>अतः, योग $-p^2q^2 + 4pq + 9$ है।</p> <p>अतः, योग $2(l^2 + m^2 + n^2 + lm + mn + nl)$ है।</p>	

प्रश्न 4:

- (a) $12a - 9ab + 5b - 3$ में से $4a - 7ab + 3b + 12$ को घटाइए।
- (b) $5xy - 2yz - 2zx + 10xyz$ में से $3xy + 5yz - 7zx$ को घटाइए।
- (c) $18 - 3p - 11q + 5pq - 2pq^2 + 5p^2q$ में से $4p^2q - 3pq + 5pq^2 - 8p + 7q - 10$ को घटाइए।

उत्तर 4:

<p>(a)</p> $\begin{array}{r} 12a - 9ab + 5b - 3 \\ 4a - 7ab + 3b + 12 \\ (-) (+) (-)(-) \\ \hline 8a - 2ab + 2b - 15 \end{array}$	<p>(b)</p> $\begin{array}{r} 5xy - 2yz - 2zx + 10xyz \\ 3xy + 5yz - 7zx \\ (-) (-) (+) \\ \hline 2xy - 7yz + 5zx + 10xyz \end{array}$
<p>(c)</p> $\begin{array}{r} 5p^2q - 2pq^2 + 5pq - 11q - 3p + 18 \\ 4p^2q + 5pq^2 - 3pq + 7q - 8p - 10 \\ (-) (-) (+) (-) (+) (+) \\ \hline p^2q - 7pq^2 + 8pq - 18q + 5p + 28 \end{array}$	