

गणित

(www.tiwariacademy.com)
(पाठ - 1) (वास्तविक संख्याएँ)
(कक्षा 10)
प्रश्नावली 1.2

प्रश्न 1:

निम्नलिखित संख्याओं को अभाज्य गुणनखंडों के गुणनफल के रूप में व्यक्त कीजिए:

- (i) 140 (ii) 156 (iii) 3825 (iv) 5005 (v) 7429

उत्तर 1:

- (i) $140 = 2 \times 2 \times 5 \times 7 = 2^2 \times 5 \times 7$
(ii) $156 = 2 \times 2 \times 3 \times 13 = 2^2 \times 3 \times 13$
(iii) $3825 = 3 \times 3 \times 5 \times 5 \times 17 = 3^2 \times 5^2 \times 17$
(iv) $5005 = 5 \times 7 \times 11 \times 13$
(v) $7429 = 17 \times 19 \times 23$

प्रश्न 2:

पूर्णाकों के निम्नलिखित युग्मों के HCF और LCM ज्ञात कीजिए तथा इसकी जाँच कीजिए कि दो संख्याओं का गुणनफल = HCF $\times$ LCM है।

- (i) 26 और 91 (ii) 510 और 92 (iii) 336 और 54

उत्तर 2:

- (i) 26 और 91
 $26 = 2 \times 13$
 $91 = 7 \times 13$
HCF = 13
LCM = $2 \times 7 \times 13 = 182$
दो संख्याओं का गुणनफल = $26 \times 91 = 2366$
HCF $\times$ LCM = $13 \times 182 = 2366$
इस प्रकार, दो संख्याओं का गुणनफल = HCF $\times$ LCM

- (ii) 510 और 92
 $510 = 2 \times 3 \times 5 \times 17$
 $92 = 2 \times 2 \times 23$
HCF = 2
LCM = $2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 17 \times 23 = 23460$
दो संख्याओं का गुणनफल = $510 \times 92 = 46920$
HCF $\times$ LCM = $2 \times 23460 = 46920$
इस प्रकार, दो संख्याओं का गुणनफल = HCF $\times$ LCM

गणित

(www.tiwariacademy.com)
(पाठ - 1) (वास्तविक संख्याएँ)
(कक्षा 10)

(iii) 336 और 52

$$336 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 7 = 2^4 \times 3 \times 7$$

$$54 = 2 \times 3 \times 3 \times 3 = 2 \times 3^3$$

$$\text{HCF} = 2 \times 3 = 6$$

$$\text{LCM} = 2^4 \times 3^3 \times 7 = 3024$$

$$\text{दो संख्याओं का गुणनफल} = 336 \times 54 = 18144$$

$$\text{HCF} \times \text{LCM} = 6 \times 3024 = 18144$$

$$\text{इस प्रकार, दो संख्याओं का गुणनफल} = \text{HCF} \times \text{LCM}$$

प्रश्न 3:

अभाज्य गुणनखंडन विधि द्वारा निम्नलिखित पूर्णाकों के LCM और HCF ज्ञात कीजिए:

(i) 12, 15 और 21

(ii) 17, 23 और 29

(iii) 8, 9 और 25

उत्तर 3:

(i) 12, 15 और 21

$$12 = 2 \times 2 \times 3 = 2^2 \times 3$$

$$15 = 3 \times 5$$

$$21 = 3 \times 7$$

$$\text{HCF} = 3$$

$$\text{LCM} = 2^2 \times 3 \times 5 \times 7 = 420$$

(ii) 17, 23 और 29

$$17 = 1 \times 17$$

$$23 = 1 \times 23$$

$$29 = 1 \times 29$$

$$\text{HCF} = 1$$

$$\text{LCM} = 17 \times 23 \times 29 = 11339$$

(iii) 8, 9 और 25

$$8 = 2 \times 2 \times 2 = 2^3$$

$$9 = 3 \times 3 = 3^2$$

$$25 = 5 \times 5 = 5^2$$

$$\text{HCF} = 1$$

$$\text{LCM} = 2^3 \times 3^2 \times 5^2 = 8 \times 9 \times 25 = 1800$$



गणित

(www.tiwariacademy.com)
(पाठ - 1) (वास्तविक संख्याएँ)
(कक्षा 10)

प्रश्न 4:

HCF (306, 657) = 9 दिया है। LCM (306, 657) ज्ञात कीजिए।

उत्तर 4:

HCF (306, 657) = 9

हम जानते हैं,

LCM $\times$ HCF = दो संख्याओं का गुणनफल

इसलिए,

$$\text{LCM} = \frac{\text{दो संख्याओं का गुणनफल}}{\text{HCF}} = \frac{306 \times 657}{9} = 22338$$

इसप्रकार, LCM (306, 657) = 22338

प्रश्न 5:

जाँच कीजिए कि क्या किसी प्राकृत संख्या n के लिए, संख्या 6^n अंक 0 पर समाप्त हो सकती है।

उत्तर 5:

यदि कोई संख्या अंक 0 पर समाप्त हो सकती है, तो वह 10 से विभाजित होती है या दूसरे शब्दों में यह संख्या 2 और 5 से विभाजित होगी।

क्योंकि $10 = 2 \times 5$

6^n का अभाज्य गुणनखंडन = $(2 \times 3)^n = 2^n \times 3^n$

6^n के अभाज्य गुणनखंडन में 5 नहीं है। इसलिए 6^n , 5 से विभाजित नहीं होगा।

अंकगणित की आधारभूत प्रमेय की अद्वितीयता हमें यह निश्चित कराती है कि 6^n के गुणनखंड में 2 और 3 के अतिरिक्त और कोई अभाज्य गुणनखंड नहीं है।

अतः, किसी भी प्राकृत संख्या n के लिए, संख्या 6^n अंक 0 पर समाप्त नहीं हो सकती है।

प्रश्न 6:

व्याख्या कीजिए कि $7 \times 11 \times 13 + 13$ और $7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 + 5$ भाज्य संख्याएँ क्यों हैं।

उत्तर 6:

भाज्य संख्याओं के दो से अधिक भाजक होते हैं।

दी गई संख्या = $7 \times 11 \times 13 + 13$

$$= 13 \times (7 \times 11 + 1)$$

$$= 13 \times (77 + 1)$$

$$= 13 \times 78$$

$$= 13 \times 13 \times 6$$

इसप्रकार, इस संख्या के दो से अधिक भाजक (1, 6, 13 और ये संख्या) हैं। इसलिए यह एक भाज्य संख्या है।

$$\text{अब दूसरी दी गई संख्या} = 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 + 5$$

$$= 5 \times (7 \times 6 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 + 1)$$

$$= 5 \times (1008 + 1)$$

$$= 5 \times 1009$$

इसप्रकार, इस संख्या के दो से अधिक भाजक (1, 5, 1009 और ये संख्या) हैं। इसलिए यह एक भाज्य संख्या है।

प्रश्न 7:

किसी खेल के मैदान के चारों ओर एक वृत्ताकार पथ है। इस मैदान का एक चक्कर लगाने में सोनिया को 18 मिनट लगते हैं, जबकि इसी मैदान का एक चक्कर लगाने में रवि को 12 मिनट लगते हैं। मान लीजिए वे दोनों एक ही स्थान और एक ही समय पर चलना प्रारम्भ करके एक ही दिशा में चलते हैं। कितने समय बाद वे पुनः प्रारंभिक स्थान पर मिलेंगे?

उत्तर 7:

रवि को 12 मिनट लगते हैं जबकि सोनिया को 18 मिनट लगते हैं एक समय बाद दोनों अपने प्रारम्भ स्थान पर होंगे और वह समय 12 और 18 का LCM होगा।

$$18 = 2 \times 3 \times 3 \text{ और,}$$

$$12 = 2 \times 2 \times 3$$

$$12 \text{ और } 18 \text{ का LCM} = 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 36$$

इसप्रकार, रवि और सोनिया 36 मिनट बाद दोनों अपने प्रारम्भ स्थान पर होंगे।